

IZ LABORATORIJA

M A G N E T O F O N

Ali ste že kdaj opazovali vrtenje koles na magnetofonu? Ti-
sto kolo, na katerem je navito veliko traku, se vrti veliko po-
časneje kot njegov sosed. Hitrost traku mora biti namreč pri
prehodu skozi snemalno glavo stalna. Domenimo se, da je podana
debelina traku, "polmer", ki ga določa na kolesu navit trak in
da poznamo hitrost traku ob snemalni glavi (torej kar obodno
hitrost koles). Poišči, kako se s časom spreminja kotna hitrost
enega izmed koles!

R e s i t e v:

Oglejmo si kolo, na katerega previjamo trak. Ob času $t = 0$ ni na njem nič traku. Potem se prične trak navijati na obod kolesa in tako počasi dobivamo vedno večji "valj" navitega traku (glej sliko 1). Označimo z R_0 polmer gredi kolesa, z R_t pa polmer valja, ki ga oblikujejo gred kolesa in naviti trak ob času t . Očitno se v času t navije na kolo naslednja množina traku

$$(\pi R_t^2 - \pi R_0^2)a$$

če nam a predstavlja širino traku. To pa je enako množini traku, ki je v času t "stekel" mimo snemalne glave magnetofona s konstantno hitrostjo v . Potem takem velja enačba (b je debelina traku) (glej sliko 2):

$$vtab = a(\pi R_t^2 - \pi R_0^2)$$

ki nam izda iskano količino – najprej pridelamo R_t :

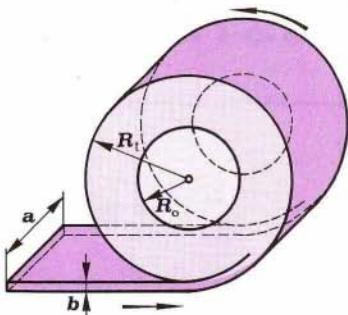
$$R_t = \sqrt{R_0^2 + (vtb)/\pi}$$

kip zatem pa še kotno hitrost:

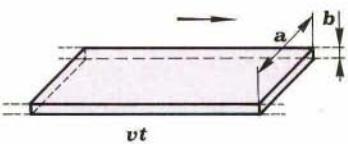
$$\omega(t) = v/\sqrt{R_0^2 + (vtb)/\pi}$$

po kateri naloga sprašuje.

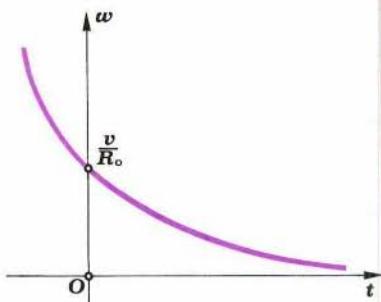
Poglejmo si še funkcijo (glej sliko 3), ki nam ponazarja, kaj se s kolesom dogaja. Graf funkcije nam pove, da kotna hitrost s časom pada in da je v začetku večja pri kolesih z manjšim polmerom. Mimogrede: kako pa je pri gramofonu?



Sli. 1



Sli. 2



Sli. 3