

PRESEK

List za mlade matematike, fizike, astronome in računalnikarje

ISSN 0351-6652

Letnik 20 (1992/1993)

Številka 6

Strani 322-324

Andrej Likar:

ČEBELA NA PAŠI

Ključne besede: fizika.

Elektronska verzija: <http://www.presek.si/20/1151-Likar.pdf>

© 1993 Društvo matematikov, fizikov in astronomov Slovenije

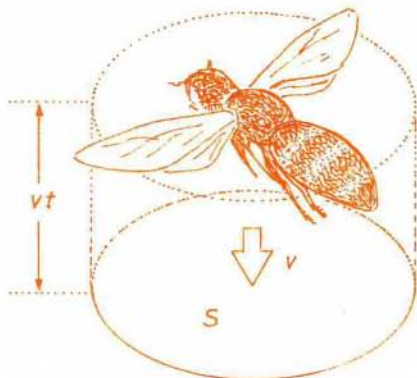
© 2010 DMFA - založništvo

Vse pravice pridržane. Razmnoževanje ali reproduciranje celote ali posameznih delov brez poprejšnjega dovoljenja založnika ni dovoljeno.

ČEBELA NA PAŠI

Opazujmo čebelo, ki na cvetovih nabira nektar. Zdi se, da leti brez truda in da pri tem ne opravi kaj dosti dela. Ali je res tako? Ocenimo torej, koliko sladkorja mora čebela pojesti zgolj zato, da se šest ur obdrži lebdeč v zraku. Obravnava bo kar se da preprosta, saj nam gre le za grobo oceno.

Slika 1. Pri lebdenju potiskajo krila zrak navzdol. Poenostavljeno privzamemo, da se le zrak v stebričku s presekom S in višino vt giblje navzdol s hitrostjo v . Gibanje zraka je v resnici zelo zapleteno. Pri oceni preseka S upoštevamo, da je dolžina čebele 1,5 cm.



Pri lebdenju mora čebela s krili ustvariti curek zraka s hitrostjo v navzdol, nasprotna sila zraka na krila pa pri tem uravnesi težo čebele. Silo izračunamo iz zakona o gibalni količini: Sunek sile na telo je enak spremembi gibalne količine tega telesa. Pri nas je telo stebriček zraka z višino vt in presekom S (slika 1). Čebela ta stebriček v času t s krili pospeši od mirovanja do hitrosti v . Pri tem naj bo čas t mnogo daljši od časa enega zamaha s krili. Sunek sile je kar produkt med silo in časom, ko ta sila potiska telo, Ft ; sprememba gibalne količine telesa pa je pri nas kar $m_z v$, saj na začetku zrak z maso m_z miruje, na koncu pa se giblje s hitrostjo v . Velja torej:

$$Ft = m_z v.$$

Maso stebrička zraka izračunamo tako, da prostornino stebrička pomnožimo z gostoto zraka:

$$m_z = \rho Svt.$$

Iz obeh enačb sledi, da je sila F kril na stebriček zraka:

$$F = \rho S v^2.$$

Po tretjem Newtonovem zakonu je sila stebrička zraka na krila prav tako velika, a usmerjena nasprotno. Prav ta sila uravnoveša težo čebele, saj le-ta med lebdenjem miruje. Iz pogoja:

$$F = mg,$$

kjer smo z m označili maso čebele, g pa je pospešek prostega pada, sledi za hitrost v :

$$v = \sqrt{\frac{mg}{\rho S}}.$$

Iz čebelarških knjig zvemo, da je masa čebele delavke okrog 80 mg, pri letenju pa s krili zamahne 200-krat v sekundi. Presek zračnega stebrička S ocenimo na 2 cm^2 . Hitrost zraka v stebričku je potem $v = 2 \text{ ms}^{-1}$. Preverimo ta rezultat s frekvenco, s katero čebela maha s krili. Privzemimo, da nihajo krila sinusno z amplitudo s_0 . Povprečna hitrost kril navzdol je potem

$$\bar{v} = \frac{2s_0}{T/2}.$$

Upoštevali smo, da se krila v polovičnem času T celega nihaja premaknejo za dvojno amplitudo. Povprečna hitrost \bar{v} pa mora biti dvakrat večja kot hitrost zraka v stebričku, saj so krila dejavna le pri zamahu navzdol:

$$\bar{v} = 2v.$$

Frekvenca je iz teh enačb:

$$\nu = \frac{1}{T} = \frac{v}{2s_0}.$$

Dvojno amplitudo $2s_0$ ocenimo na 1 cm in dobimo $\nu = 200 \text{ s}^{-1}$, kar se sklada s pravo vrednostjo.

Kljub smiselnemu rezultatu za hitrost v moramo priznati, da smo opisali lebdenje zelo grobo. Gibanje zraka je pri lebdenju zelo zapleteno. Podrobna opazovanja so pokazala, da pri vsakem zamahu krila ustvarijo svitkast zračni vrtinec, ki potuje navzdol. Podoben svitek dima znajo kadilci oblikovati z usti.

Mehanično moč, ki jo opravljajo krila, dobimo iz znane zveze:

$$P = Fv.$$

